

ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ЖЕЛЕЗНОДОРОЖНОГО ТРАНСПОРТА
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования «Петербургский государственный университет путей сообщения
Императора Александра I»
(ФГБОУ ВО ПГУПС)

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ

дисциплины
Б1.О.07 «МАТЕМАТИКА»
для специальности
23.05.03 «Подвижной состав железных дорог»
по специализациям:
«Грузовые вагоны»
«Технология производства и ремонта подвижного состава»
«Локомотивы»
«Электрический транспорт железных дорог»
«Высокоскоростной наземный транспорт»

Санкт-Петербург
2025

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЙ

Оценочные материалы рассмотрены и утверждены на заседании кафедры
«Высшая математика»
Протокол № 4 от 17 декабря 2024 г.

Заведующий кафедрой
«Высшая математика»

____ 20 __ г.

E.A. Благовещенская

СОГЛАСОВАНО

Руководитель ОПОП
«Грузовые вагоны».
«Технология производства и ремонта
подвижного состава»

____ 20 __ г.

Ю.П. Бороненко

СОГЛАСОВАНО

Руководитель ОПОП
«Локомотивы»

____ 20 __ г.

Д.Н. Курилкин

СОГЛАСОВАНО

Руководитель ОПОП
«Электрический транспорт железных дорог»,
«Высокоскоростной наземный транспорт»

____ 20 __ г.

А.М. Евстафьев

1. Планируемые результаты обучения по дисциплине, обеспечивающие достижение планируемых результатов освоения основной профессиональной образовательной программы

Планируемые результаты обучения по дисциплине, обеспечивающие достижение планируемых результатов освоения основной профессиональной образовательной программы, приведены в п. 2 рабочей программы.

2. Задания, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих индикаторы достижения компетенций в процессе освоения основной профессиональной образовательной программы

Перечень материалов, необходимых для оценки индикатора достижения компетенций, приведен в таблицах 2.1 и 2.2.

Таблица 2.1

Для очной формы обучения

Индикатор достижения компетенции	Планируемые результаты обучения	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции
<p><i>ОПК-1. Способен решать инженерные задачи в профессиональной деятельности с использованием методов естественных наук, математического анализа и моделирования.</i></p>		
<i>ОПК-1.1.2 Знает основы математического анализа и моделирования</i>	<i>Обучающийся знает: теоретические, расчетные и экспериментальные методы математического анализа, используемые при решении инженерных задач в профессиональной деятельности по следующим разделам:</i> <i>Линейная алгебра и аналитическая геометрия;</i> <i>Математический анализ;</i> <i>Дифференциальные уравнения;</i> <i>Числовые и функциональные ряды;</i> <i>Теория вероятностей и математическая статистика</i>	<i>Вопросы к зачету.</i> <i>Вопросы к экзамену №1, 2, 3.</i> <i>Типовые задания №№1-8.</i> <i>Лабораторные работы №№1,2</i> <i>Тесты №№1-4.</i>

Т а б л и ц а 2.2

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»).

Индикатор достижения компетенции	Планируемые результаты обучения	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции
<i>ОПК-1. Способен решать инженерные задачи в профессиональной деятельности с использованием методов естественных наук, математического анализа и моделирования.</i>		
<i>ОПК-1.1.2 Знает основы математического анализа и моделирования</i>	<i>Обучающийся знает: теоретические, расчетные и экспериментальные методы математического анализа, используемые при решении инженерных задач в профессиональной деятельности по следующим разделам: Линейная алгебра и аналитическая геометрия; Математический анализ; Дифференциальные уравнения; Числовые и функциональные ряды; Теория вероятностей и математическая статистика</i>	<i>Вопросы к зачету. Вопросы к экзамену №1, 2, 3. Контрольные работы №№1-4. Лабораторные работы №№1,2</i>

Материалы для текущего контроля

Для проведения текущего контроля по дисциплине обучающийся должен выполнить следующие задания:

Для очной формы обучения

Перечень и содержание типовых заданий (СДО, раздел «Текущий контроль) и лабораторных работ

Модуль 1

1. Типовое задание №1 по теме «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»
2. Типовое задание №2 по теме «Математический анализ. Часть 1»
3. Лабораторная работа №1 «Нахождение обратной матрицы»

Модуль 2

1. Типовое задание №3 по теме «Математический анализ. Часть 2 (ФНП)»
2. Типовое задание №4 по теме «Математический анализ. Часть 2 (Интегралы)»
3. Лабораторная работа №2 «Интегралы. Приближенное вычисление определенного интеграла»

Модуль 3

1. Типовое задание №5 по теме «Числовые и функциональные ряды»
2. Типовое задание №6 по теме «Дифференциальные уравнения»

Модуль 4

1. Типовое задание №7 по теме «Теория вероятностей»
2. Типовое задание №8 по теме «Математическая статистика»

Типовое задание (ТЗ) №1 по теме «Линейная алгебра и аналитическая геометрия»

Задание 1. Даны матрицы A, B и C . Найти:

- 1) матрицы $D = B \cdot C^T$ и $F = 2A - 3D$;
- 2) определители матриц A, D и F ;
- 3) обратную матрицу A^{-1} (сделать проверку).

Задание 2. Решить систему линейных уравнений

- 1) методом Крамера;
- 2) матричным методом;
- 3) методом Гаусса.

Задание 3. Найти ранг матрицы.

Задание 4. Исследовать систему с помощью теоремы Кронекера–Капелли и найти (в случае совместности) ее решения.

Задание 5. Доказать, что векторы $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ линейно зависимы и найти эту зависимость.

Типовое задание (ТЗ) №2 по теме «Математический анализ. Часть 1»

Задание 1. Записать число Z в алгебраической, тригонометрической и показательной форме. Вычислить Z^{12} .

Задание 2. Изобразить на плоскости множество точек, удовлетворяющих уравнению.

Задание 3. Вычислить пределы.

Задание 4. Исследовать функции на непрерывность.

Задание 5. Исследовать функции с помощью производной.

Типовое задание (ТЗ) №3 по теме «Математический анализ. Часть 2 (ФНП)».

Задание 1. Найти частные производные второго порядка функции $z = f(x, y)$ и показать, что она удовлетворяет данному уравнению (L).

Задание 2. Данна функция $z = f(x, y)$ и точки $A(x_0, y_0)$ и $B(x_1, y_1)$.

Вычислить: 1) точное значение данной функции в точке B ;

2) приближенное значение данной функции в точке B ;

3) оценить в процентах относительную погрешность;

Задание 3. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = f(x, y)$ в замкнутой области D .

Задание 4. Найти экстремум функции $z = f(x, y)$ при условии $\varphi(x, y) = 0$.

Задание 5. Найти градиент скалярного поля U в точке $M(x_0, y_0, z_0)$.

Задание 6. Найти производную скалярного поля $U = U(x, y)$ в точке $M(x_0, y_0)$ в направлении единичного вектора \vec{l}_0 и вычислить наибольшее значение производной функции U в точке M .

Типовое задание (ТЗ) №4 по теме

««Математический анализ. Часть 2 (Интегралы)»

Задание 1. 1 – 10. Найти интегралы.

Задание 2. 1 – 2. Найти площади фигур, ограниченных линиями.

Задание 3. Изменить порядок интегрирования в двойном интеграле. Найти объем тела, ограниченного данными поверхностями.

Задание 4. Вычислить криволинейный интеграл второго рода по дуге AB в направлении от точки A к точке B .

Типовое задание (ТЗ) №5 по теме «Дифференциальные уравнения»

Задания 1–6. Найти общие решения (общие интегралы) дифференциальных уравнений первого порядка или решения задачи Коши.

Задания 7–8. Найти общие решения (общие интегралы) дифференциальных уравнений высших порядков, допускающих понижение порядка.

Задания 9–12. Найти общие решения (общие интегралы) дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами или решения задачи Коши.

Типовое задание (ТЗ) №6 по теме «Числовые и функциональные ряды.»

Задание 1. Исследовать сходимость числовых рядов.

Задание 2. Определить радиус, интервал сходимости изучить поведение степенного ряда на концах интервала сходимости.

Задание 3. Разложить функцию в ряд Тейлора по степеням $x - a$.

Задание 4. Вычислить приближенно с заданной точностью.

Задание 5. Функция $f(x)$ определена на интервале $[a, a + 2l]$. Разложить функцию в ряд Фурье.

Типовое задание (ТЗ) №7 по теме «Теория вероятностей»

Задание 1. На рисунке представлена система из пяти независимо работающих элементов. Найти надежность системы, если задана надежность каждого элемента.

Задание 2-7. Вычислить вероятность.

Задание 8-9. Найти функцию распределения и основные числовые характеристики дискретной случайной величины, заданной таблицей.

Задание 10. Задана функция распределения непрерывной случайной величины. Найти неизвестные параметры, плотность распределения, построить графики функции и плотности распределения. Найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратичное отклонение и заданную вероятность.

Типовое задание (ТЗ) №8 по теме «Математическая статистика»

Дана выборка объема n . Требуется:

1. Составить вариационный ряд.
2. Составить сгруппированный статистический ряд.
3. Построить гистограмму выборки.
Построить график эмпирической функции распределения.
4. Найти выборочное среднее, выборочное среднеквадратическое отклонение, коэффициенты асимметрии и эксцесса.
5. Построить доверительный интервал для математического ожидания при доверительной вероятности γ_1 .
6. Построить доверительный интервал для среднеквадратического отклонения при доверительной вероятности γ_2 .

7. Проверить с помощью критерия Пирсона гипотезу H_0 о том, что генеральная совокупность распределена по нормальному закону.

Перечень и содержание лабораторных работ

Лабораторная работа №1. «Нахождение обратной матрицы»

1. Проверка вырожденности исходной матрицы.
2. Элементарные преобразования исходной и единичной матриц.
3. Приведение исходной матрицы к единичной.
4. Получение обратной матрицы на месте единичной.
5. Умножения полученной обратной матрицы на исходную матрицу.

Лабораторная работа №2 «Интегралы. Приближенное вычисление определенного интеграла»

1. Вычисление интеграла при числе разбиений $n=4, n=8, n=16$ и $n=32$
 - 1.1 методом левых прямоугольников;
 - 1.2 методом правых прямоугольников;
 - 1.3 методом трапеций;
 - 1.4 методом парабол (методом Симпсона).
2. Вычисление погрешности вычислений для каждого метода с помощью формулы Рунге.
3. Выводы о точности методов.

Тестовые задания

Перечень и содержание тестов для очной формы обучения

**Тест №1 по теме
«Математический анализ, Часть 1».**

Образец теста №1:

ЗАДАНИЕ N 1. Функция $f(x) = 1 - e^{-\frac{1}{x^2}}$ в точке $x = 0$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) непрерывна; 2) имеет устранимый разрыв; 3) имеет бесконечный разрыв; 4) имеет конечный неустранимый разрыв

ЗАДАНИЕ N 2. Приращение функции $y = x^2$ при переходе от точки $x = 1$ к точке $x = 1,1$ равно

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 0,1; 2) 0,01; 3) 1,21; 4) 0,21

ЗАДАНИЕ N 3. Производная функции $y = x \cdot \sqrt{x^2 + 1}$ в точке $x_0 = 0$ равна

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 0; 2) 1; 3) 2; 4) -1

ЗАДАНИЕ N 4. Угловой коэффициент касательной к графику функции $y = \sin 2x$ в точке $(0,0)$ равен

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 2; 2) 1; 3) 0; 4) 0,5

ЗАДАНИЕ N 5. Число экстремумов функции $y = x + \frac{1}{x}$ равно

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 1; 2) 0; 3) 3; 4) 2

ЗАДАНИЕ N 6. Предел $\lim_{x \rightarrow 6} \frac{\sqrt{x-2}-2}{x-6}$ равен

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 1; 2) не существует; 3) $\frac{1}{3}$; 4) $\frac{1}{4}$

ЗАДАНИЕ N 7. Эквивалентными бесконечно малыми функциями в точке $x=0$ являются

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $\cos 2x$ и $2 \operatorname{arctg} x$; 2) $\operatorname{arctg} x$ и $\ln(1+3x)$; 3) $\sin 3x$ и $\ln(1+3x)$;
4) $e^{2x}-1$ и $\cos 2x$

ЗАДАНИЕ N 8. Функция $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & x \leq 1 \\ a - x, & x > 1 \end{cases}$ является непрерывной при a , равном

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 1; 2) 2; 3) 3; 4) 4

ЗАДАНИЕ N 9. Производная функции $y = \ln \sqrt{\frac{1-\sin x}{1+\sin x}}$ в точке $x=0$ равна

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 0,5; 2) 0; 3) 1; 4) -1

ЗАДАНИЕ N 10. Производная y'_x функции, заданной неявно $x^2 + y^3 - 2xy + 2x - y = 0$ в точке $(0; 1)$ равна

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 1; 2) 2; 3) 0,5; 4) -1

ЗАДАНИЕ N 11. Касательная к графику функции $y = 2 + x - x^2$ параллельна прямой $y = x$ в точке

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) (1;2); 2) (0;2); 3) (2;0); 4) (-1;0)

ЗАДАНИЕ N 12. Производная y'_x в точке $t=0$, если $x = e^{2t} \cos^2 t$; $y = e^{2t} \sin^2 t$, равна

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 0,5; 2) -0,5; 3) 1; 4) 0

ЗАДАНИЕ N 13. Верным является утверждение

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) если функция $f(x)$ монотонна, то и её производная монотонна;
2) если функция непрерывна в точке x , то она и дифференцируема в

этой точке;

- 3) если функция $f(x)$ возрастает на $[a,b]$, то $f'(x) > 0 \forall x \in [a,b]$;
- 4) если функция дифференцируема в точке x , то она непрерывна в этой точке

ЗАДАНИЕ N 14. Асимптотой графика функции $y = \sqrt[3]{x^2} - \sqrt[3]{x^2 + 1}$ является прямая

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $y = -1$;
- 2) $y = x - 1$;
- 3) $y = 0$;
- 4) нет асимптот

ЗАДАНИЕ N 15. Три первых члена разложения функции $f(x) = e^{2x-x^2}$ по формуле Тейлора в окрестности точки $x = 0$ имеют вид

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $1 + x + 2x^2$;
- 2) $1 + 2x + 2x^2$;
- 3) $1 + 2x + x^2$;
- 4) $1 + 2x - x^2$

Тест №2 по теме «Математический анализ, Часть 2»

Образец теста №2:

ЗАДАНИЕ N 1. Если $z = \sin(3x - 5y)$, то выражение $\frac{z'_y}{z'_x}$ равно:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $-1\frac{2}{3}$;
- 2) $-\frac{3}{5}$;
- 3) 0,6;
- 4) -15;
- 5) $\frac{5}{3}$.

ЗАДАНИЕ N 2. Функция $z = 3 - 2x^2 - 4x - y^2$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) не имеет экстремумов;
- 2) имеет максимум в точке A(-1;0);
- 3) имеет минимум в точке B(-1;0);
- 4) имеет максимум в точке C(1;0);
- 5) имеет минимум в точке D(1;1).

ЗАДАНИЕ N 3. Значение производной функции $z = \sqrt{\frac{x}{y}}$ в направлении вектора

$\vec{a} = 4\vec{i} - 3\vec{j}$ в точке M(1;1) равно:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 0;
- 2) 0,1;
- 3) 0,7;
- 4) -0,1;
- 5) -0,7.

ЗАДАНИЕ N 4. Какое из приведенных утверждений справедливо?

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $\left(\int f(x)dx\right)' = f(x)dx$;
- 2) $\left(\int f(x)dx\right)' = f(x) + C$;
- 3) $\left(\int f(x)dx\right)' = f(x)$;
- 4) $\left(\int f(x)dx\right)' = \int f'(x)dx$;
- 5) ни одно, из приведенных утверждений, не справедливо.

ЗАДАНИЕ N 5. Интеграл $\int \sin 3x dx$ равен

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\cos 3x + C$; 2) $3\cos 3x + C$; 3) $\frac{1}{3}\cos 3x + C$; 4) $-\frac{1}{3}\cos 3x + C$; 5) $-3\cos 3x + C$.

ЗАДАНИЕ N 6. Интеграл $\int \frac{\ln x}{x} dx$ равен

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $2\ln x + C$; 2) $\ln^2 x + C$; 3) $2\ln^2 x + C$; 4) $0,5\ln^2 x + C$; 5) $0,5\ln x + C$.

ЗАДАНИЕ N 7. Интеграл $\int xe^{\frac{x}{2}} dx$ равен

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $2e^{\frac{x}{2}}(x-2) + C$; 2) $\frac{1}{4}e^{\frac{x}{2}}(2x-1) + C$; 3) $\frac{1}{2}e^{\frac{x}{2}} + C$; 4) $2e^{\frac{x}{2}}(x+2) + C$; 5) $\frac{1}{2}e^{\frac{x}{2}}(x-2) + C$.

ЗАДАНИЕ N 8. Площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2 + 1$ и $y = x + 3$, равна

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 4; 2) 4,5; 3) 5,5; 4) 5; 5) 6.

ЗАДАНИЕ N 9. Формула Ньютона-Лейбница имеет вид, где $F'(x) = f(x)$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\int_a^b f(t)dt = f(b) - f(a)$; 2) $\int_a^b f(t)dt = F(a) - F(b)$;
 3) $\int_a^b f(t)dt = F(b) - F(a)$; 4) $\int_a^b f(t)dt = F(a) + F(b)$; 5) $\int_a^b f(t)dt = f(a) - f(b)$.

ЗАДАНИЕ N 10. Среднее значение функции $y = x^3$ на отрезке $[0;2]$ равно

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) 4; 2) 4,5; 3) 6; 4) 12; 5) 2.

ЗАДАНИЕ N 11. Какой из приведенных несобственных интегралов сходится?

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\int_1^\infty \frac{dx}{x^2}$; 2) $\int_0^\infty \frac{dx}{x^2}$; 3) $\int_2^\infty \frac{dx}{x}$; 4) $\int_1^\infty \frac{dx}{x-1}$; 5) $\int_1^\infty \frac{dx}{(x-1)^2}$.

ЗАДАНИЕ N 12. Двойной интеграл $\iint_D f(x, y) dxdy$; $D : y = x, y = 1, x = 1$ сводится

к повторным интегралам:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

1) $\int_0^1 dx \int_0^x f(x, y) dy$; 2) $\int_0^1 dy \int_0^1 f(x, y) dx$; 3) $\int_0^1 dx \int_x^1 f(x, y) dy$;
 4) $\int_0^1 dy \int_y^1 f(x, y) dx$; 5) $\int_1^2 dx \int_1^x f(x, y) dy$.

ЗАДАНИЕ N 13. При каком λ данный криволинейный интеграл не зависит от пути интегрирования: $\int_L xy^2 dx - \lambda x^2 y dy$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $\lambda = -2$; 2) $\lambda = -1$; 3) $\lambda = 2$; 4) $\lambda = 1$; 5) $\lambda = -3$

Тест №3 по теме «Дифференциальные уравнения»
Образец теста №3:

ЗАДАНИЕ N 1. Какая из указанных функций является решением данного дифференциального уравнения $y' = \frac{y-4}{x-2}$?

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $y = x + 1$; 2) $y = x - 2$; 3) $y = x + 2$; 4) $y = \frac{1}{x+1}$; 5) $y = 0,5(1+x)$.

ЗАДАНИЕ N 2. Какая из указанных функций является решением ДУ $y' - \frac{y}{x} = 5x$,

удовлетворяющим начальному условию $y(1) = 5$?

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $y = 5 - (x-1)^2$; 2) $y = 5x^2$; 3) $y = 5 + (x^2 - 1)$; 4) $y = (x-2)^2 + 4$; 5) $y = (x-1)^2 + 5$.

ЗАДАНИЕ N 3. Какие из указанных функций образуют фундаментальную систему решений ДУ: $y'' - y' - 2y = 0$? (Цифры записать в порядке возрастания в виде двузначного числа).

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $y = e^x$; 2) $y = e^{2x}$; 3) $y = e^{3x}$; 4) $y = e^{5x}$; 5) $y = e^{-x}$

ЗАДАНИЕ N 4. В каком виде следует искать частное решение ЛИДУ:

$$y'' - 5y' + 6y = 2e^{2x}$$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $y = Ae^{2x}$; 2) $y = Axe^{2x}$; 3) $y = (Ax + B)e^{2x}$; 4) $y = xe^{2x}(Ax + B)$; 5) $y = Ax^2e^{2x}$.

ЗАДАНИЕ N 5. Какое уравнение является характеристическим для СДУ:

$$\begin{cases} x' = 3x + 2y \\ y' = -x + y \end{cases} ?$$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $k^2 - 4k + 5 = 0$; 2) $k^2 + 4k + 5 = 0$; 3) $k^2 - 5k = 0$; 4) $k^2 - 4k = 0$; 5) $k^2 + 3 = 0$

ЗАДАНИЕ N 6. Среди записанных ниже дифференциальных уравнений отметьте уравнения с разделяющимися переменными. Выберите один или несколько ответов: Если таких уравнений нет, то отметьте число 0.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- a) $(x^2y^2 + 64)dx + (x^2 + y^2 - 16)dy = 0$
 b) $x^2(y^2 + 64)dx + x^2(y^2 - 16)dy = 0$
 c) $x(y+8)dx + x(y-4)dy = 0$
 d) $(xy+8)dx + (xy-4)dy = 0$
 e) 0

ЗАДАНИЕ N 7.

Какие из следующих функций являются частными решениями дифференциального уравнения $y' - 7y = 0$

Выберите 0, если среди перечисленных функций частного решения нет.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- a) $y = 2\cos 7x$
- b) $y = 3\sin 7x$
- c) $y = 4e^{7x}$
- d) $y = 5e^{-7x}$
- e) 0

ЗАДАНИЕ N 8.

Отметьте те функции, которые войдут в общее решение линейного дифференциального уравнения $y'' - 4y' + 13y = 0$. Если таких функций нет отметьте число 0.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- a) e^{2x}
- b) e^{3x}
- c) $e^{2x}\cos 3x$
- d) $e^{3x}\cos 3x$
- e) e^{-2x}
- f) e^{-3x}
- e) 0

ЗАДАНИЕ N 9.

Железнодорожный вагон массой m замедляет движение на прямолинейном участке пути под действием силы сопротивления, пропорциональной скорости движения: $R = k \cdot v(t)$, ($k > 0$). Тогда математическая модель движения описывается ДУ:

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

Здесь $x(t)$ – расстояние от поезда до начала координат в момент времени t .

- 1) $m \cdot x'' = k \cdot x$
- 2) $m \cdot x'' = k \cdot x'$
- 3) $m \cdot x'' = -k \cdot x'$
- 4) $m \cdot x' = k \cdot x''$

ЗАДАНИЕ N 10.

Укажите дифференциальное уравнение прямолинейного движения груза под действием восстанавливающей силы, для которого фундаментальная система решений имеет вид: $y_1 = e^x \cos 2x$, $y_2 = e^x \sin 2x$.

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $y'' - 2y' + 5y = 0$
- 2) $y'' - 3y' + 2y = 0$
- 3) $y'' - 2y' + 2y = 0$
- 4) $y'' - 3y' + 5y = 0$

**Тест №4 по теме
«Теория вероятностей и математическая статистика»
Образец теста №4:**

ЗАДАНИЕ N 1.

Пусть A – случайное событие, Ω – достоверное, а \emptyset – невозможное событие. Тогда справедливо равенство

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $A \cdot \bar{A} = \Omega$; 2) $A + \Omega = A$; 3) $A + \bar{A} = \emptyset$; 4) $A + \bar{A} = \Omega$.

ЗАДАНИЕ N 2.

Дискретная случайная величина задана законом распределения вероятностей:

X	-1	2	4
P	0,1	a	b

Тогда её математическое ожидание равно 2,1 если ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $a = 0,2$, $b = 0,7$ 2) $a = 0,8$, $b = 0,1$ 3) $a = 0,7$, $b = 0,2$ 4) $a = 0,1$, $b = 0,8$

ЗАДАНИЕ N 3.

Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения вероятностей

$$f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(x-3)^2}{18}}. \text{ Тогда математическое ожидание } m \text{ и дисперсия } \sigma^2 \text{ этой}$$

нормально распределённой случайной величины равны ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $m = 3; \sigma^2 = 9$ 2) $m = -3; \sigma^2 = 18$ 3) $m = 3; \sigma^2 = 3$ 4)
 $m = -3; \sigma^2 = 9$

ЗАДАНИЕ N 4.

В первой урне 6 черных и 4 белых шара. Во второй урне 7 белых и 3 черных шаров. Из наудачу взятой урны вынули один шар. Тогда вероятность того, что этот шар окажется белым, равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 0,9 2) 0,55 3) 0,45 4) 0,4

ЗАДАНИЕ N 5.

Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятность попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,7 и 0,8 соответственно. Тогда вероятность того, что цель будет поражена, равна ...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 0,94 2) 0,60 3) 0,55 4) 0,95

ЗАДАНИЕ N 6.

Плотность распределения вероятностей непрерывной случайной величины X имеет вид

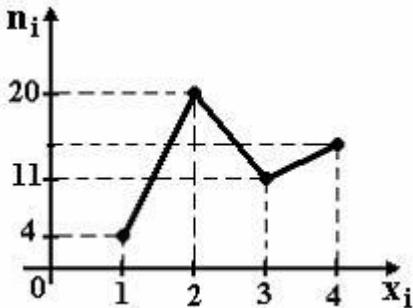
$$f(x) = \begin{cases} a(x-3), & x \in (-1,3) \\ 0, & x \notin (-1,3) \end{cases}. \text{ Тогда значение параметра } a \text{ равно...}$$

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 1 2) 0,125 3) 1,5 4) 0,25

ЗАДАНИЕ N 7.

Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$, полигон частот которой имеет вид



Тогда число вариант $x_i=4$ в выборке равно...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 16; 2) 14; 3) 13; 4) 15

ЗАДАНИЕ N 8.

Если основная гипотеза имеет вид $H_0 : a = -3$, то конкурирующей может быть гипотеза

...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) $H_1 : a \geq -3$ 2) $H_1 : a \leq -3$ 3) $H_1 : a > -2$ 4) $H_1 : a < -2$

ЗАДАНИЕ N 9.

При увеличении уровня значимости критерия α

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- | | | | |
|-----------------------|---------------------|----------------|----------------|
| 1) Увеличивается вер- | 2) Увеличивается | 3) Уменьшается | 4) Уменьшается |
| ть ошибки 1 рода | верть ошибки 2 рода | верть ошибки 1 | верть ошибки 2 |
| | | рода | рода |

ЗАДАНИЕ N 10.

В результате измерений некоторой физической величины одним прибором (без систематических ошибок) получены следующие результаты (в мм): 11, 13, 15. Тогда несмешенная оценка дисперсии измерений равна...

ВАРИАНТЫ ОТВЕТОВ:

- 1) 8 2) 4 3) 13 4) 3

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»).

Перечень и содержание контрольных работ (СДО, раздел «Текущий контроль»)

1 семестр/1 курс

1. Контрольная работа №1 по темам «Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функций одной переменной (Математический анализ. Часть 1)»
2. Лабораторная работа №1 «Нахождение обратной матрицы»

2 семестр/1 курс

1. Контрольная работа №2 по теме «Математический анализ. Часть 2»
2. Лабораторная работа №2 «Интегралы. Приближенное вычисление определенного интеграла»

1 семестр/2 курс

1. Контрольная работа №3 по темам «Ряды. Дифференциальные уравнения»

2 семестр/2 курс

1. Контрольная работа №4 по темам «Теория вероятностей. Математическая статистика»

Контрольная работа № 1

по темам: «Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление функций одной переменной (Математический анализ. Часть 1)»

Задача 1. Вычислить определители.

Задача 2. Решить систему линейных уравнений методом Гаусса и по формулам Крамера. Сделать проверку.

Задача 3. Решить систему линейных уравнений тремя методами:

а) по формулам Крамера; б) методом Гаусса; в) с помощью обратной матрицы.

Задача 4. Исследовать (по теореме Кронекера - Капелли) на совместность и решить систему линейных уравнений.

Задача 5. При каких A и B система имеет бесчисленное множество решений? Найти эти решения.

Задача 6. Даны векторы $\bar{a}; \bar{b}$. Найти $\bar{a} \cdot \bar{b}, \bar{a} \times \bar{b}$ и длину \bar{a} .

Задача 7. Написать уравнение плоскости, проходящей через точки M, K и L в виде $Ax + By + Cz + D = 0$.

Задача 8. Даны 4 вектора $\bar{a}, \bar{b}, \bar{c}, \bar{d}$. Вычислить:

- 1) координаты вектора \bar{d} в базисе $\bar{a}, \bar{b}, \bar{c}$;
- 2) $\bar{a} \cdot \bar{b}$;
- 3) $\bar{c} \cdot \bar{d}$;
- 4) ;
- 5) $\bar{a} \times \bar{b}$;
- 6) $\bar{c} \times \bar{d}$;
- 7) $(\bar{a} \times \bar{c}) \cdot \bar{d}$.

Задача 9. Написать уравнение прямой, проходящей через точки A и B в виде $y = kx + b$, построить эту прямую.

Задача 10. Даны вершины треугольника A, B, C . Найти:

- 1) длину стороны AB ;
- 2) уравнение стороны AB ;
- 3) длину медианы AM ;
- 4) уравнение медианы AM ;
- 5) уравнение высоты BH ;
- 6) длину высоты BH ;
- 7) площадь треугольника;

8) угол BAC (в градусах);

9) уравнение прямой, параллельной стороне BC и проходящей через точку A .

Задача 11. Написать уравнение плоскости в виде $Ax + By + Cz + D = 0$, проходящей через точку M параллельно векторам \bar{a} и \bar{b} .

Задача 12. Даны вершины пирамиды $SPMN$. Найти:

1) длину ребра SN ;

2) уравнение ребра SN ;

3) уравнение грани SPN ;

4) площадь грани SPN ;

5) уравнение высоты, опущенной из вершины S на грань PMN ;

6) длину высоты, опущенной из вершины S на грань PMN ;

7) угол между ребрами SP и SN (в градусах);

8) угол между ребром SP и гранью PMN (в градусах);

9) объем пирамиды.

Задача 13. Вычислить комплексное число Z и найти его модуль.

Задача 14. Дано комплексное число a . Требуется:

а) записать число a в алгебраической, тригонометрической и показательной формах;

б) изобразить a на комплексной плоскости;

в) вычислить a^{12} ;

г) найти все корни уравнения $Z^3 - a = 0$;

д) вычислить произведение полученных корней;

е) составить квадратное уравнение с действительными коэффициентами, корнем которого, является a .

Задача 15. Для заданной функции найти точки разрыва, если они существуют, и построить график.

Задача 16. Найти пределы функций.

Задачи 17-19. Найти производные функций.

Задача 20. Найти экстремумы и промежутки монотонности функций; построить графики функций.

Задача 21. Исследовать функции методами дифференциального исчисления и построить их графики.

Контрольная работа № 2 по теме: «Математический анализ, Часть 2.

(Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных. Интегральное
исчисление функций одной и нескольких переменных)»

Задача 1. Найти частные производные первого порядка для функции $z = f(x, y)$.

Задача 2. Найти частные производные второго порядка для функции $z = f(x, y)$ и показать, что она удовлетворяет данному уравнению.

Задача 3. Данна функция $z = f(x, y)$ и точки $A(x_0; y_0)$ и $B(x_1; y_1)$. Требуется:

1) вычислить точное значение функции в точке B ;

2) вычислить приближенное значение функции в точке B , исходя из значения функции в точке A , и заменив приращение функции при переходе от точки A к точке B дифференциалом;

3) оценить в процентах относительную погрешность;

4) составить уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности $z = f(x, y)$ в точке $C(x_0; y_0; z_0)$.

Задача 4. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = f(x, y)$ в замкнутой области D . Сделать чертёж.

Задача 5. Найти экстремум функции $z = f(x, y)$ при условии $\phi(x, y) = 0$.

Задача 6. Данна функция $z = f(x, y)$, точка $A(x_0, y_0)$ и вектор $\bar{a} = (a_x, a_y)$. Найти: 1) $\text{grad } z$ в точке A ;

2) производную в точке A по направлению вектора \bar{a} .

Задача 7. Найти неопределенный интеграл. Результаты проверить дифференцированием.

Задача 8-9. Найти неопределенные интегралы.

Задачи 10. Вычислить определенные интегралы.

Задача 11. Вычислить площади фигур, ограниченных линиями.

Задача 12. Вычислить значение определенного интеграла с помощью формулы Симпсона, разбив отрезок интегрирования на 10 частей.

Задача 13. Проверить сходимость несобственных интегралов.

Задача 14. Вычислить криволинейный интеграл второго рода по дуге AB от точки $A(x_1; y_1)$

до точки $B(x_2; y_2)$ или вычислить двойной интеграл $\iint_D f(x, y) dS$

Контрольная работа № 3 по темам: «Ряды. Дифференциальные уравнения»

Задача 1. Исследовать сходимость числового ряда $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$.

Задача 2. Определить, абсолютно или условно сходится ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$.

Задача 3,7,9. Решить задачу Коши.

Задача 4. Составить таблицу численного решения методом Эйлера дифференциального уравнения $dy/dx = f(x, y)$ при начальном условии $y(x_0) = y_0$ на отрезке $[a, b]$ с шагом h . По полученным данным построить интегральную кривую.

Задача 5. Найти общие решения однородных дифференциальных уравнений.

Задача 6. Найти общее решение дифференциальных уравнений.

Задача 8,10. Найти общие решения дифференциальных уравнений.

Задача 11. Текстовая задача.

Задача 12. Найти общее решение системы линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

Контрольная работа № 4 по темам: «Теория вероятностей. Математическая статистика»

Задача 1. Задача на классическое определение вероятности.

Задача 2. Найти надежность системы, состоящей из 5 независимых элементов с надежностями: $p_1 = p_2 = 0,6$; $p_3 = 0,5$, $p_4 = p_5 = 0,7$. Даны схемы систем.

Задача 3. В урне m белых шаров и n черных. Случайным образом вынимают 2 шара. Какова вероятность того, что шары:

а) оба белые; б) оба черные; в) один белый, а второй – черный?

Задача 4. Студент идет сдавать экзамен, зная m вопросов из n . Чему равна вероятность у студента сдать экзамен, если для этого достаточно:

- а) ответить на k вопросов из s ;
- б) ответить на все s вопросов;
- в) ответить не менее чем на один вопрос?

Задача 5. Производительность первого конвейера в k раз больше, чем второго. Первый конвейер допускает $p\%$ брака, второй $q\%$, брака. Детали с обоих конвейеров поступают на склад.

- а) Какова вероятность того, что случайно взятая со склада деталь будет стандартна?
- б) Какова вероятность того, что случайно взятая со склада деталь будет не стандартна?
- в) Случайно выбранная на складе деталь оказалась стандартной. Какова вероятность того, что деталь изготовлена на первом конвейере, на втором конвейере?

Задача 6. В первом ящике находится N деталей, из которых M – стандартны. Во втором ящике находится n деталей, из которых m стандартны. Без проверки на стандартность перекладывается из первого ящика во второй k деталей. Какова вероятность того, что случайно взятая из второго ящика деталь будет:

- а) стандартна; б) не стандартна?

Задача 7. На клумбу посажено n семян цветов одного сорта со всхожестью P . Полагая, что μ – количество взошедших семян, найти вероятности событий: $\mu = m$; $\mu < m$; $\mu \geq m$; $m_1 \leq \mu \leq m_2$; $m_1 < \mu < m_2$; $\mu \geq l$; $\mu < n$.

Задача 8. Дискретная случайная величина задана таблицей. Найти неизвестную вероятность p_i , математическое ожидание $M(X)$ и вероятность попадания случайной величины в интервал $\alpha \leq X < \beta$.

Задача 9. Дискретная случайная величина задана таблицей. Найти неизвестное значение x_i , неизвестную вероятность P_i , дисперсию DX , среднеквадратичное отклонение σ_x и вероятность событий $X < MX$ и $X \geq MX$.

Задача 10. Данна функция распределения $F(x)$ случайной величины X . Найти плотность распределения вероятности $f(x)$, математическое ожидание $M(X)$ и вероятность попадания случайной величины в интервал $x_1 \leq X < x_2$.

Задача 11. Данна функция распределения $F(x)$ случайной величины X . Найти плотность распределения вероятности $f(x)$, математическое ожидание MX , дисперсию DX , среднеквадратичное отклонение σ_x , построить графики функций $F(x)$ и $f(x)$, найти вероятность попадания случайной величины в интервал $x_1 \leq X \leq x_2$.

Задача 12. Данна функция плотности распределения $f(x)$ случайной величины X . Найти параметр A , функцию распределения $F(x)$, построить графики функций $F(x)$ и $f(x)$, вычислить математическое ожидание MX , дисперсию DX , среднеквадратичное отклонение σ_x , вероятности событий $X < x_0$, $X > x_0$, $x_1 \leq X \leq x_2$.

Задача 13. Дискретная случайная величина X может принимать только два значения x_1 и x_2 , причем $x_1 < x_2$. Известны вероятность P_1 возможного значения x_1 , математическое ожидание MX и дисперсия DX . Найти закон распределения случайной величины X .

Задача 14. Непрерывная случайная величина распределена по нормальному закону с параметрами a и σ . Найти вероятности событий $X < A$; $X > B$; $A \leq X \leq B$; $|X - a| < t\sigma$. Найти интервал $[a - \delta, a + \delta]$, в который случайная величина попадает с вероятностью P .

Задача 15. Результаты независимых измерений некоторой физической величины представлены в таблице. Построить полигон относительных частот.

Задача 16. В таблице приведена первичная выборка объема $n = 100$. Составить вариационный ряд и сгруппированный статистический ряд. Построить гистограмму выборки.

Задача 17. Результаты независимых измерений некоторой физической величины представлены в таблице. Построить график эмпирической функции распределения.

Задача 18. Даны результаты измерений, полученных при испытаниях: а; б; с. Найти исправленную выборочную дисперсию s^2 .

Задача 19. Результаты независимых измерений некоторой физической величины представлены в таблице. Вычислить выборочное среднее, выборочное среднеквадратическое отклонение, коэффициенты асимметрии и эксцесса.

Задача 20. Результаты независимых измерений некоторой физической величины представлены в таблице. Найти доверительный интервал для математического ожидания при доверительной вероятности γ_1 ; доверительный интервал для среднеквадратического отклонения при доверительной вероятности γ_2 .

Задача 21. Результаты 100 измерений некоторой физической величины представлены в таблице сгруппированным вариационным рядом. Требуется с помощью критерия Пирсона проверить гипотезу H_0 о том, что генеральная совокупность распределена по нормальному закону. Полагая, что μ – количество взошедших семян, найти вероятности событий: $\mu = m$; $\mu < m$; $\mu \geq m$; $m_1 \leq \mu \leq m_2$; $m_1 < \mu < m_2$; $\mu \geq l$; $\mu < n$.

Задача 22. Результаты 100 измерений некоторой физической величины представлены в таблице.

1. Составить вариационный ряд.
2. Составить сгруппированный статистический ряд.
3. Построить гистограмму выборки.
4. Построить график эмпирической функции распределения.
5. Найти выборочное среднее, выборочное среднеквадратическое отклонение, коэффициенты асимметрии и эксцесса.
6. Построить доверительный интервал для математического ожидания при доверительной вероятности γ_1 .
7. Построить доверительный интервал для среднеквадратического отклонения при доверительной вероятности γ_2 .
8. Проверить с помощью критерия Пирсона гипотезу H_0 о том, что генеральная совокупность распределена поциальному закону.

Перечень и содержание лабораторных работ

1. Лабораторная работа №1. «Нахождение обратной матрицы»
 1. Проверка вырожденности исходной матрицы.
 2. Элементарные преобразования исходной и единичной матриц.
 3. Приведение исходной матрицы к единичной.
 4. Получение обратной матрицы на месте единичной.
 5. Умножения полученной обратной матрицы на исходную матрицу.
2. Лабораторная работа №2 «Интегралы. Приближенное вычисление определенного интеграла»
 1. Вычисление интеграла при числе разбиений $n=4$, $n=8$, $n=16$ и $n=32$
 - 1.1 методом левых прямоугольников;
 - 1.2 методом правых прямоугольников;
 - 1.3 методом трапеций;
 - 1.4 методом парабол (методом Симпсона).
 2. Вычисление погрешности вычислений для каждого метода с помощью формулы Рунге.
 3. Выводы о точности методов.

Материалы для промежуточной аттестации

Перечень вопросов к зачету

Для очной формы обучения (Модуль 1)

Все вопросы проверяют освоение индикаторов ОПК-1.1.2 и ОПК-1.3.1.

1. Матрицы. Типы матриц. Действия над матрицами.
2. Определители и их свойства.
3. Обратная матрица: определение, вычисление, свойства.
4. Исследование систем: теорема Кронекера-Капелли. Однородные системы уравнений.
5. Вектор, длина вектора, равенство, коллинеарность и компланарность векторов.
6. Скалярное произведение: определение, свойства, применение, координатная форма. Условие перпендикулярности двух векторов.
7. Векторное произведение: определение, свойства, применение, координатная форма. Условие коллинеарности двух векторов.
8. Смешанное произведение: определение, свойства, применение, координатная форма. Условие компланарности трех векторов.
9. Прямая в пространстве, различные виды ее уравнений. Взаимное расположение прямых и плоскостей, угол между прямыми и плоскостями.
10. Последовательности. Свойства последовательности: монотонность и ограниченность. Предел последовательности, единственность предела.
11. Предел функции в точке. Односторонние пределы. Предел функции при $x \rightarrow \infty$.
12. Бесконечно большие и бесконечно малые функции и связь между ними.
13. Основные теоремы о пределах.
14. Критерий и признаки существования конечного предела.
15. Сравнение бесконечно малых Эквивалентные бесконечно малые и основные теоремы о них.
16. Непрерывность функции в точке (два эквивалентных определения). Точки разрыва и их классификация.
17. Основные теоремы о непрерывных функциях. Непрерывность элементарных функций.
18. Непрерывность функции на промежутке. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
19. Производная функции: определение, механический, физический и геометрический смысл. Задачи, приводящие к понятию производной: скорость прямолинейного движения, касательная к кривой.
20. Правила дифференцирования.
21. Производные основных элементарных функций.
22. Производные высших порядков.
23. Дифференциал функции: определение и геометрический смысл.
24. Правило Лопитала.
25. Исследование функций с помощью производных
26. Формула Тейлора.

Перечень вопросов к экзамену №1

Для очной формы обучения (Модуль 2)

Все вопросы проверяют освоение индикаторов ОПК-1.1.2 и ОПК-1.3.1.

1. Дифференцирование функций нескольких переменных. Частные производные, дифференциал.
2. Экстремумы функции двух переменных.
3. Первообразная функция и неопределенный интеграл.
4. Свойства неопределенного интеграла.
5. Интегрирование по частям и замена переменной в неопределенном интеграле.
6. Разложение правильной дробно-рациональной функции на простейшие.
7. Интегрирование простейших дробно-рациональных функций.

8. Определенный интеграл: определение, основные свойства, теорема существования, геометрический смысл.
9. Производная определенного интеграла по переменному верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница.
10. Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле.
11. Геометрические приложения определенных интегралов.
12. Несобственные интегралы по бесконечному промежутку.
13. Несобственные интегралы от неограниченных функций.
14. Двойной интеграл: определение, свойства, геометрический смысл.
15. Вычисление двойного интеграла. Замена переменных в двойном интеграле.
16. Замена переменных в двойном интеграле. Двойной интеграл в полярных координатах.
17. Тройной интеграл: определение, свойства, геометрический смысл.
18. Вычисление тройного интеграла. Цилиндрические, сферические координаты.
19. Криволинейный интеграл по дуге: определение, свойства, геометрический смысл.
20. Вычисление криволинейного интеграла 1 рода, приложения.
21. Криволинейный интеграл по координатам: определение, свойства, геометрический смысл.
22. Вычисление криволинейного интеграла 2 рода, приложения.

Перечень вопросов к экзамену №2
 Для очной формы обучения (Модуль 3)

Все вопросы проверяют освоение индикаторов ОПК-1.1.2 и ОПК-1.3.1.

1. Числовые ряды. Сумма ряда, сходимость ряда.
2. Необходимый признак сходимости ряда.
3. Знакоположительные ряды. Признаки сравнения. Признак Даламбера. Интегральный признак Коши.
4. Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. Оценка остатка знакочередующегося ряда.
5. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимость.
6. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости. Свойства степенных рядов.
7. Ряд Тейлора. Ряд Маклорена. Разложение в ряд Маклорена некоторых функций.
8. Приближенные вычисления с помощью рядов.
9. Тригонометрический многочлен. Коэффициенты Фурье для периодической функции с периодом 2π на интервале $[-\pi, \pi]$.
10. Теорема Дирихле.
11. Ряд Фурье. Разложение функций в ряды Фурье с периодом 2λ . Ряд Фурье. Разложение четных, нечетных функций.
12. Основные понятия о дифференциальных уравнениях (ДУ) и их решении.
13. ДУ первого порядка. Общее и частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения.
14. Уравнения с разделяющимися переменными и однородные ДУ.
15. Линейные уравнения первого порядка и уравнения Бернулли.
16. ДУ высших порядков. Основные понятия. ДУ, допускающие понижения порядка.
17. Линейные ДУ. Однородное линейное ДУ(ЛОДУ) второго порядка. Линейно зависимые и независимые функции.
18. Определитель Вронского и его свойства. Фундаментальная система решений ЛОДУ. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ.
19. ЛОДУ второго порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение.
20. Линейные неоднородные ДУ. Структура общего решения ЛНДУ второго порядка.
21. Решение ЛНДУ методом Лагранжа (вариации произвольных постоянных).
22. Решение ЛНДУ со специальной правой частью (метод неопределенных

коэффициентов).

23. Нормальная система ДУ. Задача Коши.

24. Операционное исчисление. Оригиналы и их изображения.

25. Свойства преобразования Лапласа. Таблица оригиналов и изображений.

26. Решение дифференциальных уравнений и систем операторным методом.

Перечень вопросов к экзамену №3

Для очной формы обучения (Модуль 4)

Все вопросы проверяют освоение индикаторов ОПК-1.1.2 и ОПК-1.3.1.

1. Предмет теории вероятностей. Испытания и события. Пространство элементарных событий. Операции над событиями.

2. Частота событий, свойства частоты. Статистическое определение вероятности. Классическое и геометрическое определение вероятности.

3. Условная вероятность. Теорема умножения. Независимость событий. Теорема сложения вероятностей.

4. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

5. Схема Бернулли. Простейшие задачи на схему Бернулли.

6. Локальная и интегральная теоремы Лапласа.

7. Функция распределения вероятностей и ее свойства.

8. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины (д.с.в.) и их свойства.

9. Числовые характеристики д.с.в.: мат. ожидание, дисперсия, средне квадратичное отклонение.

10. Законы распределения д.с.в.: биномиальный, Пуассона и геометрический.

11. Плотность распределения непрерывной случайной величины (н.с.в.) и ее связь с функцией распределения.

12. Числовые характеристики н.с.в.: мат. ожидание, дисперсия, средне квадратичное отклонение. Начальные и центральные моменты.

13. Законы распределения н.с.в.: равномерный, показательный и нормальный.

14. Предельные теоремы теории вероятностей. Закон больших чисел для схемы Бернулли.

15. Теорема Чебышева. Центральная предельная теорема.

16. Генеральная совокупность и выборка.

17. Группированный статистический ряд и гистограмма.

18. Числовые характеристики выборки.

19. Точечные оценки параметров генеральной совокупности и их основные свойства: состоятельность, несмещенност, эффективность.

20. Доверительный интервал и доверительная вероятность.

21. Статистическая проверка гипотез.

22. Критерий Пирсона.

Перечень вопросов к зачету

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 1)

Все вопросы проверяют освоение индикаторов ОПК-1.1.2 и ОПК-1.3.1.

1. Матрицы. Типы матриц. Действия над матрицами.

2. Определители и их свойства.

3. Обратная матрица: определение, вычисление, свойства.

4. Исследование систем: теорема Кронекера-Капелли. Однородные системы уравнений.

5. Вектор, длина вектора, равенство, коллинеарность и компланарность векторов.

6. Скалярное произведение: определение, свойства, применение, координатная форма. Условие перпендикулярности двух векторов.
7. Векторное произведение: определение, свойства, применение, координатная форма. Условие коллинеарности двух векторов.
8. Смешанное произведение: определение, свойства, применение, координатная форма. Условие компланарности трех векторов.
9. Прямая в пространстве, различные виды ее уравнений. Взаимное расположение прямых и плоскостей, угол между прямыми и плоскостями.
10. Последовательности. Свойства последовательности: монотонность и ограниченность. Предел последовательности, единственность предела.
11. Предел функции в точке. Односторонние пределы. Предел функции при $x \rightarrow \infty$.
12. Бесконечно большие и бесконечно малые функции и связь между ними.
13. Основные теоремы о пределах.
14. Критерий и признаки существования конечного предела.
15. Сравнение бесконечно малых Эквивалентные бесконечно малые и основные теоремы о них.
16. Непрерывность функции в точке (два эквивалентных определения). Точки разрыва и их классификация.
17. Основные теоремы о непрерывных функциях. Непрерывность элементарных функций.
18. Непрерывность функции на промежутке. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
19. Производная функции: определение, механический, физический и геометрический смысл. Задачи, приводящие к понятию производной: скорость прямолинейного движения, касательная к кривой.
20. Правила дифференцирования.
21. Производные основных элементарных функций.
22. Производные высших порядков.
23. Дифференциал функции: определение и геометрический смысл.
24. Правило Лопитала.
25. Исследование функций с помощью производных
26. Формула Тейлора.

Перечень вопросов к экзамену №1

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 2)

Все вопросы проверяют освоение индикаторов ОПК-1.1.2 и ОПК-1.3.1.

1. Дифференцирование функций нескольких переменных. Частные производные, дифференциал.
2. Экстремумы функции двух переменных.
3. Первообразная функция и неопределенный интеграл.
4. Свойства неопределенного интеграла.
5. Интегрирование по частям и замена переменной в неопределенном интеграле.
6. Разложение правильной дробно-рациональной функции на простейшие.
7. Интегрирование простейших дробно-рациональных функций.
8. Определенный интеграл: определение, основные свойства, теорема существования, геометрический смысл.
9. Производная определенного интеграла по переменному верхнему пределу. Формула Ньютона-Лейбница.
10. Замена переменной и интегрирование по частям в определенном интеграле.
11. Геометрические приложения определенных интегралов.
12. Несобственные интегралы по бесконечному промежутку.
13. Несобственные интегралы от неограниченных функций.
14. Двойной интеграл: определение, свойства, геометрический смысл.
15. Вычисление двойного интеграла. Замена переменных в двойном интеграле.

16. Замена переменных в двойном интеграле. Двойной интеграл в полярных координатах.
17. Тройной интеграл: определение, свойства, геометрический смысл.
18. Вычисление тройного интеграла. Цилиндрические, сферические координаты.
19. Криволинейный интеграл по дуге: определение, свойства, геометрический смысл.
20. Вычисление криволинейного интеграла 1 рода, приложения.
21. Криволинейный интеграл по координатам: определение, свойства, геометрический смысл.
22. Вычисление криволинейного интеграла 2 рода, приложения.

Перечень вопросов к экзамену №2

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 3)

Все вопросы проверяют освоение индикаторов ОПК-1.1.2 и ОПК-1.3.1.

1. Числовые ряды. Сумма ряда, сходимость ряда.
2. Необходимый признак сходимости ряда.
3. Знакоположительные ряды. Признаки сравнения. Признак Даламбера. Интегральный признак Коши.
4. Знакочередующиеся ряды. Признак Лейбница. Оценка остатка знакочередующегося ряда.
5. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимость.
6. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости. Свойства степенных рядов.
7. Ряд Тейлора. Ряд Маклорена. Разложение в ряд Маклорена некоторых функций.
8. Приближенные вычисления с помощью рядов.
9. Тригонометрический многочлен. Коэффициенты Фурье для периодической функции с периодом 2π на интервале $[-\pi, \pi]$.
10. Теорема Дирихле.
11. Ряд Фурье. Разложение функций в ряды Фурье с периодом 2λ . Ряд Фурье. Разложение четных, нечетных функций.
12. Основные понятия о дифференциальных уравнениях (ДУ) и их решении.
13. ДУ первого порядка. Общее и частное решение. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения.
14. Уравнения с разделяющимися переменными и однородные ДУ.
15. Линейные уравнения первого порядка и уравнения Бернулли.
16. ДУ высших порядков. Основные понятия. ДУ, допускающие понижения порядка.
17. Линейные ДУ. Однородное линейное ДУ (ЛОДУ) второго порядка. Линейно зависимые и независимые функции.
18. Определитель Вронского и его свойства. Фундаментальная система решений ЛОДУ. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ.
19. ЛОДУ второго порядка с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение.
20. Линейные неоднородные ДУ. Структура общего решения ЛНДУ второго порядка.
21. Решение ЛНДУ методом Лагранжа (вариации произвольных постоянных).
22. Решение ЛНДУ со специальной правой частью (метод неопределенных коэффициентов).
23. Нормальная система ДУ. Задача Коши.
24. Операционное исчисление. Оригиналы и их изображения.
25. Свойства преобразования Лапласа. Таблица оригиналов и изображений.
26. Решение дифференциальных уравнений и систем операторным методом.

Перечень вопросов к экзамену №3

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 4)

Все вопросы проверяют освоение индикаторов ОПК-1.1.2 и ОПК-1.3.1.

1. Предмет теории вероятностей. Испытания и события. Пространство элементарных событий. Операции над событиями.
2. Частота событий, свойства частоты. Статистическое определение вероятности. Классическое и геометрическое определение вероятности.
3. Условная вероятность. Теорема умножения. Независимость событий. Теорема сложения вероятностей.
4. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
5. Схема Бернулли. Простейшие задачи на схему Бернулли.
6. Локальная и интегральная теоремы Лапласа.
7. Функция распределения вероятностей и ее свойства.
8. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины (д.с.в.) и их свойства.
9. Числовые характеристики д.с.в.: мат. ожидание, дисперсия, средне квадратичное отклонение.
10. Законы распределения д.с.в.: биномиальный, Пуассона и геометрический.
11. Плотность распределения непрерывной случайной величины (н.с.в.) и ее связь с функцией распределения.
12. Числовые характеристики н.с.в.: мат. ожидание, дисперсия, средне квадратичное отклонение. Начальные и центральные моменты.
13. Законы распределения н.с.в.: равномерный, показательный и нормальный.
14. Предельные теоремы теории вероятностей. Закон больших чисел для схемы Бернулли.
15. Теорема Чебышева. Центральная предельная теорема.
16. Генеральная совокупность и выборка.
17. Группированный статистический ряд и гистограмма.
18. Числовые характеристики выборки.
19. Точечные оценки параметров генеральной совокупности и их основные свойства: состоятельность, несмещенност, эффективность.
20. Доверительный интервал и доверительная вероятность.
21. Статистическая проверка гипотез.
22. Критерий Пирсона.

3. Описание показателей и критериев оценивания индикаторов достижения компетенций, описание шкал оценивания

Показатель оценивания – описание оцениваемых основных параметров процесса или результата деятельности.

Критерий оценивания – признак, на основании которого проводится оценка по показателю.

Шкала оценивания – порядок преобразования оцениваемых параметров процесса или результата деятельности в баллы.

Показатели, критерии и шкала оценивания заданий текущего контроля приведены в таблице 3.1 – 3.8.

Таблица 3.1

Для очной формы обучения (Модуль 1)

№ п/п	Материалы необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Показатель оценивания	Критерии оценивания	Шкала оцени- вания
1	Решение задач Типового задания №1	Правильность решения задач	Решение правильное и самостоятельное	15
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		15
2	Решение задач Типового задания №2	Правильность решения задач	Решение правильное и самостоятельное	20
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		20
3	Тест №1	Правильность решения задач	10 задач решены	30
			8-9 задач решены	20
			5-7 задач решены	10
		Итого максимальное количество баллов		30
4	Лабораторная работа №1	Правильность Выполнения работы	Выполнение правильное и самостоятельное	5
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		5
	ИТОГО максимальное количество баллов			70

Таблица 3.2

Для очной формы обучения (Модуль 2)

№ п/п	Материалы необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Показатель оценивания	Критерии оценивания	Шкала оцени- вания
1	Решение задач Типового задания №3	Правильность решения задач	Решение правильное и самостоятельное	15
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		15
2	Решение задач Типового задания №4	Правильность решения задач	Решение правильное и самостоятельное	20
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		20
3	Тест №2	Правильность решения задач	10 задач решены	30
			8-9 задач решены	20
			5-7 задач решены	10
		Итого максимальное количество баллов		30
4	Лабораторная работа №2	Правильность выполнения работы	Выполнение правильное и самостоятельное	5
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		5
	ИТОГО максимальное количество баллов			70

Таблица 3.3

Для очной формы обучения (Модуль 3)

№ п/п	Материалы необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Показатель оценивания	Критерии оценивания	Шкала оцени- вания
1	Решение задач Типового задания №5	Правильность решения задач	Решение правильное и самостоятельное	20
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		20
2	Решение задач Типового задания №6	Правильность решения задач	Решение правильное и самостоятельное	20
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		20
3	Тест №3	Правильность решения задач	10 задач решены	30
			8-9 задач решены	20
			5-7 задач решены	10
		Итого максимальное количество баллов		30
	ИТОГО максимальное количество баллов			70

Таблица 3.4

Для очной формы обучения (Модуль 4)

№ п/п	Материалы необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Показатель оценивания	Критерии оценивания	Шкала оцени- вания
1	Решение задач Типового задания №7	Правильность решения задач	Решение правильное и самостоятельное	20
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		20
2	Решение задач Типового задания №8	Правильность решения задач	Решение правильное и самостоятельное	20
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		20
3	Тест №4	Правильность решения задач	10 задач решены	30
			8-9 задач решены	20
			5-7 задач решены	10
		Итого максимальное количество баллов		30
	ИТОГО максимальное количество баллов			70

Таблица 3.5

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 1)

№ п/п	Материалы необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Показатель оценивания	Критерии оценивания	Шкала оцени- вания
1	Контрольная работа №1	Правильность решения задач	Не менее 10 задач решены	45
			менее 10 задач решены	0
		Итого максимальное количество баллов		45
2	Защита контрольной работы №1	Тест (СДО)	Получено 16-20 баллов	20
			Получено 10-15 баллов	15
			Получено менее 10 баллов	0
		Итого максимальное количество баллов		20
3	Лабораторная работа №1	Правильность выполнения работы	Выполнение правильное и самостоятельное	5
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		5
	ИТОГО максимальное количество баллов			70

Таблица 3.6

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 2)

№ п/п	Материалы необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Показатель оценивания	Критерии оценивания	Шкала оцени- вания
1	Контрольная работа №2	Правильность решения задач	Не менее 10 задач решены	45
			менее 10 задач решены	0
		Итого максимальное количество баллов		45
2	Защита контрольной работы №2	Тест (СДО)	Получено 16-20 баллов	20
			Получено 10-15 баллов	15
			Получено менее 10 баллов	0
		Итого максимальное количество баллов		20
3	Лабораторная работа №2	Правильность выполнения работы	Выполнение правильное и самостоятельное	5
			Иное	0
		Итого максимальное количество баллов		5
	ИТОГО максимальное количество баллов			70

Таблица 3.7

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт») (Модуль 3)

№ п/п	Материалы необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Показатель оценивания	Критерии оценивания	Шкала оцени- вания
1	Контрольная работа №3	Правильность решения задач	Не менее 10 задач решены	50
			менее 10 задач решены	0
		Итого максимальное количество баллов		50
2	Защита контрольной работы №3	Тест (СДО)	Получено 16-20 баллов	20
			Получено 10-15 баллов	15
			Получено менее 10 баллов	0
		Итого максимальное количество баллов		20
	ИТОГО максимальное количество баллов			70

Таблица 3.8

Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 4)

№ п/п	Материалы необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Показатель оценивания	Критерии оценивания	Шкала оценивания
1	Контрольная работа №4	Правильность решения задач	Не менее 10 задач решены	50
			менее 10 задач решены	0
		Итого максимальное количество баллов		50
2	Защита контрольной работы №4	Тест (СДО)	Получено 16-20 баллов	20
			Получено 10-15 баллов	15
			Получено менее 10 баллов	0
		Итого максимальное количество баллов		20
	ИТОГО максимальное количество баллов			70

Процедура защиты контрольных работ осуществляется в форме:

- тестовых заданий СДО.

Тестовые задания СДО содержат 10 задач по темам контрольных работ, указанных в Материалах для текущего контроля для заочной формы обучения.

4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания индикаторов достижения компетенций

Процедура оценивания индикаторов достижения компетенций представлена в таблицах 4.1 – 4.8.

Формирование рейтинговой оценки по дисциплине

Т а б л и ц а 4.1 Для очной формы обучения (Модуль 1)

Вид контроля	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Максимальное количество баллов в процессе оценивания	Процедура оценивания
1. Текущий контроль успеваемости*	Типовое задание №1 Типовое задание №2 Лабораторная работа №1 Тест № 1	70	Количество баллов определяется в соответствии с таблицей 3.1 Допуск к зачету ≥ 50 баллов
2. Промежуточная аттестация*	Перечень вопросов к зачету (по расписанию сессии), тестовые задания	30	<ul style="list-style-type: none"> – получены полные ответы на вопросы – 25...30 баллов; – получены достаточно полные ответы на вопросы – 20...24 балла; – получены неполные ответы на вопросы или часть вопросов – 11...19 баллов; – не получены ответы на вопросы или вопросы не раскрыты – 0...10 баллов.
ИТОГО		100	
3. Итоговая оценка	«зачтено» - 60-100 баллов «не зачтено» - менее 59 баллов (вкл.)		

* Обучающиеся имеют возможность пройти тестовые задания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации в Центре тестирования университета.

Т а б л и ц а 4.2 Для очной формы обучения (Модуль 2)

Вид контроля	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Максимальное количество баллов в процессе оценивания	Процедура оценивания
1. Текущий контроль успеваемости*	Типовое задание №3 Типовое задание №4 Лабораторная работа №2 Тест № 2	70	Количество баллов определяется в соответствии с таблицей 3.2 Допуск к экзамену ≥ 50 баллов
2. Промежуточная аттестация*	Перечень вопросов к экзамену №1(по расписанию сессии), тестовые задания	30	<ul style="list-style-type: none"> – получены полные ответы на вопросы – 25...30 баллов; – получены достаточно полные ответы на вопросы – 20...24 балла; – получены неполные ответы на вопросы или часть вопросов – 11...19 баллов; – не получены ответы на вопросы или вопросы не раскрыты – 0...10 баллов.
ИТОГО		100	
3. Итоговая оценка	«Отлично» - 86-100 баллов «Хорошо» - 75-85 баллов «Удовлетворительно» - 60-74 баллов «Неудовлетворительно» - менее 59 баллов (вкл.)		

* Обучающиеся имеют возможность пройти тестовые задания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации в Центре тестирования университета.

Т а б л и ц а 4.3 Для очной формы обучения (Модуль 3)

Вид контроля	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Максимальное количество баллов в процессе оценивания	Процедура оценивания
1. Текущий контроль успеваемости*	Типовое задание №5 Типовое задание №6 Тест № 3	70	Количество баллов определяется в соответствии с таблицей 3.3 Допуск к экзамену ≥ 50 баллов
2. Промежуточная аттестация*	Перечень вопросов к экзамену №2 (по расписанию сессии), тестовые задания	30	<ul style="list-style-type: none"> – получены полные ответы на вопросы – 25...30 баллов; – получены достаточно полные ответы на вопросы – 20...24 балла; – получены неполные ответы на вопросы или часть вопросов – 11...19 баллов; – не получены ответы на вопросы или вопросы не раскрыты – 0...10 баллов.
ИТОГО		100	
3. Итоговая оценка	«Отлично» - 86-100 баллов «Хорошо» - 75-85 баллов «Удовлетворительно» - 60-74 баллов «Неудовлетворительно» - менее 59 баллов (вкл.)		

* Обучающиеся имеют возможность пройти тестовые задания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации в Центре тестирования университета.

Т а б л и ц а 4.4 Для очной формы обучения (Модуль 4)

Вид контроля	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Максимальное количество баллов в процессе оценивания	Процедура оценивания
1. Текущий контроль успеваемости*	Типовое задание №7 Типовое задание №8 Тест № 4	70	Количество баллов определяется в соответствии с таблицей 3.4 Допуск к экзамену ≥ 50 баллов
2. Промежуточная аттестация*	Перечень вопросов к экзамену №3(по расписанию сессии), тестовые задания	30	<ul style="list-style-type: none"> – получены полные ответы на вопросы – 25...30 баллов; – получены достаточно полные ответы на вопросы – 20...24 балла; – получены неполные ответы на вопросы или часть вопросов – 11...19 баллов; – не получены ответы на вопросы или вопросы не раскрыты – 0...10 баллов.
ИТОГО		100	
3. Итоговая оценка	«Отлично» - 86-100 баллов «Хорошо» - 75-85 баллов «Удовлетворительно» - 60-74 баллов «Неудовлетворительно» - менее 59 баллов (вкл.)		

* Обучающиеся имеют возможность пройти тестовые задания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации в Центре тестирования университета.

Т а б л и ц а 4.5 Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 1)

Вид контроля	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Максимальное количество баллов в процессе оценивания	Процедура оценивания
1. Текущий контроль успеваемости*	Контрольная работа № 1 Защита контрольной работы №1 Лабораторная работа №1	70	Количество баллов определяется в соответствии с таблицей 3.5 Допуск к зачету ≥ 50 баллов
2. Промежуточная аттестация*	Перечень вопросов к зачету (по расписанию сессии), тестовые задания	30	<ul style="list-style-type: none"> – получены полные ответы на вопросы – 25...30 баллов; – получены достаточно полные ответы на вопросы – 20...24 балла; – получены неполные ответы на вопросы или часть вопросов – 11...19 баллов; – не получены ответы на вопросы или вопросы не раскрыты – 0...10 баллов.
ИТОГО		100	
3. Итоговая оценка	«зачтено» - 60-100 баллов «не зачтено» - менее 59 баллов (вкл.)		

* Обучающиеся имеют возможность пройти тестовые задания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации в Центре тестирования университета.

Т а б л и ц а 4.6 Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 2)

Вид контроля	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Максимальное количество баллов в процессе оценивания	Процедура оценивания
1. Текущий контроль успеваемости*	Контрольная работа № 2 Защита контрольной работы №2 Лабораторная работа №2	70	Количество баллов определяется в соответствии с таблицей 3.6 Допуск к экзамену ≥ 50 баллов
2. Промежуточная аттестация*	Перечень вопросов к экзамену №1(по расписанию сессии), тестовые задания	30	<ul style="list-style-type: none"> – получены полные ответы на вопросы – 25...30 баллов; – получены достаточно полные ответы на вопросы – 20...24 балла; – получены неполные ответы на вопросы или часть вопросов – 11...19 баллов; – не получены ответы на вопросы или вопросы не раскрыты – 0...10 баллов.
ИТОГО		100	
3. Итоговая оценка	«Отлично» - 86-100 баллов «Хорошо» - 75-85 баллов «Удовлетворительно» - 60-74 баллов «Неудовлетворительно» - менее 59 баллов (вкл.)		

* Обучающиеся имеют возможность пройти тестовые задания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации в Центре тестирования университета.

Т а б л и ц а 4.7 Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 3)

Вид контроля	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Максимальное количество баллов в процессе оценивания	Процедура оценивания
1. Текущий контроль успеваемости*	Контрольная работа № 3 Защита контрольной работы №3	70	Количество баллов определяется в соответствии с таблицей 3.6 Допуск к экзамену ≥ 50 баллов
2. Промежуточная аттестация*	Перечень вопросов к экзамену №2 (по расписанию сессии), тестовые задания	30	<ul style="list-style-type: none"> – получены полные ответы на вопросы – 25...30 баллов; – получены достаточно полные ответы на вопросы – 20...24 балла; – получены неполные ответы на вопросы или часть вопросов – 11...19 баллов; – не получены ответы на вопросы или вопросы не раскрыты – 0...10 баллов.
ИТОГО		100	
3. Итоговая оценка	«Отлично» - 86-100 баллов «Хорошо» - 75-85 баллов «Удовлетворительно» - 60-74 баллов «Неудовлетворительно» - менее 59 баллов (вкл.)		

* Обучающиеся имеют возможность пройти тестовые задания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации в Центре тестирования университета.

Таблица 4.8 Для заочной формы обучения (для всех специальностей кроме «Технология производства и ремонта подвижного состава» и «Высокоскоростной наземный транспорт»). (Модуль 4)

Вид контроля	Материалы, необходимые для оценки индикатора достижения компетенции	Максимальное количество баллов в процессе оценивания	Процедура оценивания
1. Текущий контроль успеваемости*	Контрольная работа № 4 Защита контрольной работы №4	70	Количество баллов определяется в соответствии с таблицей 3.6 Допуск к экзамену ≥ 50 баллов
2. Промежуточная аттестация*	Перечень вопросов к экзамену №2 (по расписанию сессии), тестовые задания	30	<ul style="list-style-type: none"> – получены полные ответы на вопросы – 25...30 баллов; – получены достаточно полные ответы на вопросы – 20...24 балла; – получены неполные ответы на вопросы или часть вопросов – 11...19 баллов; – не получены ответы на вопросы или вопросы не раскрыты – 0...10 баллов.
ИТОГО		100	
3. Итоговая оценка	«Отлично» - 86-100 баллов «Хорошо» - 75-85 баллов «Удовлетворительно» - 60-74 баллов «Неудовлетворительно» - менее 59 баллов (вкл.)		

* Обучающиеся имеют возможность пройти тестовые задания текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации в Центре тестирования университета.

Процедура проведения экзамена осуществляется в форме:

- письменного и устного ответа на вопросы билета (по расписанию сессии);
- тестовых заданий СДО.

Билет на экзамен содержит два теоретических и два практических задания по темам из перечня вопросов промежуточной аттестации п.2.

Тестовые задания СДО содержат 10 задач по темам из перечня вопросов промежуточной аттестации п.2.

5. Оценочные средства для диагностической работы по результатам освоения дисциплины

Проверка остаточных знаний обучающихся по дисциплине ведется с помощью оценочных материалов текущего и промежуточного контроля по проверке знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих индикаторы достижения компетенций.

Оценочные задания для формирования диагностической работы по результатам освоения дисциплины (модуля) приведены в таблице 5.1

Таблица 5.1

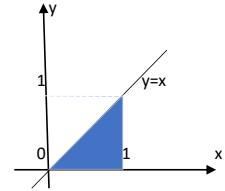
Индикатор достижения общепрофессиональной компетенции Знает - 1; Умеет- 2; Опыт деятельности - 3 (владеет/ имеет навыки)	Содержание задания	Варианты ответа на вопросы тестовых заданий	Эталон ответа
ОПК-1.1.2 Знает основы математического анализа и моделирования	Определитель $\begin{vmatrix} -1 & 1 & 2 \\ -2 & \alpha & 4 \\ -3 & 0 & 1 \end{vmatrix}$ равен нулю при α , равном		<p>Разложим определитель по 3-ей строке</p> $\begin{vmatrix} -1 & 1 & 2 \\ -2 & \alpha & 4 \\ -3 & 0 & 1 \end{vmatrix} = -3 \cdot \begin{vmatrix} 1 & 2 \\ \alpha & 4 \end{vmatrix} +$ $+ 1 \cdot \begin{vmatrix} -1 & 1 \\ -2 & \alpha \end{vmatrix} = -12 + 6\alpha -$ $-\alpha + 2 = -10 + 5\alpha = 0 \Rightarrow \alpha = 2$ <p><u>Ответ:</u> 2</p>
	Определитель не изменится, если	<ol style="list-style-type: none"> 1) переставить местами любые две строки; 2) вычесть из первого столбца второй столбец; 3) умножить первый столбец на 2; 4) прибавить ко второй строке первую строку, умноженную на 2. 	<p>При перестановке двух строк определитель меняет знак.</p> <p>При умножении столбца на число определитель умножается на это число.</p> <p><u>Ответ:</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 2) вычесть из первого столбца второй столбец 4) прибавить ко второй строке первую строку, умноженную на 2.
	Формулы Крамера позволяют находить решение системы линейных уравнений, если		<p>Формулы Крамера используются для решения систем с квадратной матрицей, имеющей ненулевой определитель.</p> <p><u>Ответ:</u></p> <p>матрица A квадратная и её определитель отличен от нуля.</p>

	<p>Укажите алгоритм нахождения обратной матрицы</p>	<p>1) составить союзную матрицу; 2) вычислить определитель исходной матрицы $\det A$ и убедиться, что он не равен нулю; 3) разделить союзную матрицу на определитель $\det A$. 4) найти алгебраические дополнения всех элементов исходной матрицы;</p>	<p>Обратная матрица дается формулой $A^{-1} = \frac{1}{\det A} \tilde{A}$, где \tilde{A} – союзная матрица (транспонированная матрица алгебраических дополнений).</p> <p><u>Ответ:</u> 2), 4), 1), 3)</p>
	<p>Укажите верные соотношения между векторами</p> $\vec{a} = 2\vec{i} - \vec{j} - 3\vec{k},$ $\vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j},$ $\vec{c} = -4\vec{i} + 2\vec{j} + 6\vec{k}$	<p>1) $\vec{a} \square \vec{b}$ коллинеарны 2) $\vec{a} \perp \vec{b}$ 3) $\vec{b} \perp \vec{c}$ 4) $\vec{a} \square \vec{c}$ коллинеарны</p>	<p>1) - нет, т.к. координаты векторов не пропорциональны; 2) - да, т.к. $\vec{a} \cdot \vec{b} = 2 \cdot 1 + (-1) \cdot 2 + 3 = 0$ - да, т.к. $\vec{b} \cdot \vec{c} = -4 + 4 + 0 = 0$ 4) - да, т.к. координаты векторов не пропорциональны: $\frac{-4}{2} = \frac{2}{-1} = \frac{6}{-3}$</p> <p><u>Ответ:</u> 2), 3), 4)</p>
	<p>Точка $A(\alpha, 2)$ лежит на прямой $3x + 2y + 5 = 0$ при α, равном</p>		<p>Подставим координаты точки в уравнение: $3\alpha + 2 \cdot 2 + 5 = 0 \Rightarrow \alpha = -3$</p> <p><u>Ответ:</u> -3</p>
	<p>Если 1) векторное произведение $\vec{a} \times \vec{b} = 0$,</p>	<p>1) компланарны; 2) коллинеарны; 3) взаимно перпендикулярны</p>	<p>Равенство 0 векторного произведения – критерий коллинеарности векторов. Равенство 0 скалярного произведения – критерий перпендикулярности векторов.</p>

	<p>2) скалярное произведение $\vec{a} \cdot \vec{b} = 0$, 3) смешанное произведение $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = 0$, то указанные векторы</p>		<p>Равенство 0 смешанного произведения – критерий компланарности трех векторов.</p> <p><u>Ответ:</u> 1) – 2) 2) – 3) 3) – 1)</p>
	<p>Нормальным вектором плоскости $4x - 3y + 2z - 1 = 0$ является вектор</p>		<p>Координаты нормального вектора – коэффициенты A, B и C общего уравнения плоскости $Ax + By + Cz + D = 0$</p> <p><u>Ответ:</u> (4, -3, 2)</p>
	<p>Составьте последовательность комплексных чисел в порядке возрастания их модулей.</p>	<p>1) $z = \frac{1}{1-i}$; 2) $z = i^3$; 3) $z = (-1+i)^2$</p>	$\left \frac{1}{1-i} \right = \frac{1}{ 1-i } =$ $= \frac{1}{\sqrt{1^2 + (-1)^2}} = \frac{1}{\sqrt{2}};$ $ i^3 = i ^3 = 1^3 = 1;$ $ (-1+i)^2 = -1+i ^2 =$ $= \left(\sqrt{(-1)^2 + 1^2} \right)^2 = 2$ <p><u>Ответ:</u> 1), 2), 3)</p>
	<p>Используя математический анализ, определите, какие функции являются четными</p>	<p>1) $f(x) = (1-x)^2$; 2) $f(x) = 2^x + 2^{-x}$; 3) $f(x) = \ln \frac{1-x}{1+x}$; 4) $f(x) = \sin x^2$</p>	<p>Функция четна, если $f(-x) = f(x)$</p> <p><u>Ответ:</u> 2) $f(x) = 2^x + 2^{-x}$ 4) $f(x) = \sin x^2$</p>

	<p>Производная функции $y = x \cdot \sqrt{x^2 + 1}$ в точке $x_0 = 0$ равна</p>	$\begin{aligned} & \left(x \cdot \sqrt{x^2 + 1} \right)' = \\ &= x' \cdot \sqrt{x^2 + 1} + \\ &+ x \cdot \left(\sqrt{x^2 + 1} \right)' = \\ &= \sqrt{x^2 + 1} + \\ &+ x \cdot \frac{1}{2\sqrt{x^2 + 1}} \cdot (x^2 + 1)' = \\ &= \sqrt{x^2 + 1} + \frac{x \cdot 2x}{2\sqrt{x^2 + 1}} = \\ &= \sqrt{x^2 + 1} + \frac{x^2}{\sqrt{x^2 + 1}} \Rightarrow \\ &\Rightarrow y'(0) = 1 + 0 = 1 \end{aligned}$ <p><u>Ответ:</u> 1</p>
	<p>Используя математический анализ, составьте верную (истинную) логическую цепочку $A \Rightarrow B \Rightarrow C$ из утверждений:</p>	<p>1) функция $f(x)$ непрерывна в точке x_0 ; 2) функция $f(x)$ имеет конечный предел в точке x_0 ; 3) функция $f(x)$ дифференцируема в точке x_0.</p> <p>Если функция дифференцируема, то она непрерывна, а непрерывная функция (по определению) имеет конечный предел в точке.</p> <p><u>Ответ:</u> 3)\Rightarrow1)\Rightarrow2)</p>
	<p>Какую асимптоту имеет график функции $y = \frac{1}{x+2} + 1$?</p>	<p>1) наклонную асимптоту; 2) вертикальную асимптоту; 3) не имеет асимптот; 4) горизонтальную асимптоту.</p> <p>График имеет вертикальную асимптоту, т.к. $\lim_{x \rightarrow -2} y(x) = \infty$. График имеет горизонтальную асимптоту, т.к. $\lim_{x \rightarrow \infty} y(x) = 1$.</p> <p><u>Ответ:</u> 2) вертикальную асимптоту 3) горизонтальную асимптоту</p>
	<p>Пусть $\int f(x)dx = F(x) + C$. Укажите, какие из приведенных ниже соотношений справедливы:</p>	<p>1) $\left(\int f(x)dx \right)' = f(x) \neq F(x)$</p>

<p>1) $(\int f(x)dx)' = F(x)$,</p> <p>2) $F(x)$ - первообразная функции $f(x)$,</p> <p>3) $\int f(ax)dx = \frac{1}{a}F(x) + C$,</p> <p>4) $(\int f(x)dx)' = f(x)$.</p>		<p>2) Верно, т.к. неопределенный интеграл – множество первообразных функций;</p> <p>3) $\left(\frac{1}{a}F(x)\right)' = \frac{1}{a}f(x) \neq f(x)$ 4) Верно, т.к. $(\int f(x)dx)' = f(x) \neq f(ax)$;</p> <p><u>Ответ:</u> 2), 4)</p>
<p>Используя математический анализ, установите соответствие между функциями $f(x)$ и их первообразными $F(x)$.</p> <p>Функция $f(x)$:</p> <p>1) $f(x) = \frac{1}{(2x+1)^2}$</p> <p>2) $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2x+1}}$</p> <p>3) $f(x) = \frac{1}{2x+1}$</p> <p>Первообразная $F(x)$:</p> <p>1) $F(x) = \sqrt{2x+1}$</p> <p>2) $F(x) = \frac{1}{2}\ln(2x+1)$</p> <p>3) $F(x) = -\frac{1}{2(2x+1)}$</p>		$\begin{aligned} (\sqrt{2x+1})' &= \frac{1}{2\sqrt{2x+1}} \cdot (2x+1)' = \\ &= \frac{1}{\sqrt{2x+1}}; \\ \left(\frac{1}{2}\ln(2x+1)\right)' &= \frac{1}{2(2x+1)} \cdot (2x+1)' = \\ &= \frac{1}{2x+1}; \\ \left(-\frac{1}{2(2x+1)}\right)' &= \left(-\frac{1}{2}(2x+1)^{-1}\right)' = \\ &= -\frac{1}{2} \cdot (-1) \cdot (2x+1)^{-1} \cdot 2 = \frac{1}{(2x+1)^2}; \end{aligned}$ <p><u>Ответ:</u> 1) – 3) 2) – 1) 3) – 2)</p>

	<p>Используя математический анализ, вычислите $\int_1^2 (2-x)dx$</p>		$\begin{aligned} \int_1^2 (2-x)dx &= \\ &= \left[2x - \frac{x^2}{2} \right]_1^2 = \\ &= (4-2) - (2-0,5) = 0,5 \end{aligned}$ <p><u>Ответ:</u> 0,5</p>
	<p>Сведите двойной интеграл $\iint_D f(x, y)dxdy; D : y = x, y = 0, x = 1$ к повторному интегралу.</p>		<p>Область интегрирования представима в виде: $0 \leq x \leq 1$</p>  <p>$0 \leq y \leq x$.</p> <p>$D : y = x, y = 0, x = 1 \Rightarrow$</p> $\iint_D f(x, y)dxdy = \int_0^1 dy \int_0^y f(x, y)dx$
	<p>Математическая модель вынужденного колебания вагона описывается ЛДУ $y'' + 2ny' + \omega^2 y = A \sin \omega t$. Укажите выражение для частного решения ДУ.</p>		<p>Частное решение НЛДУ с правой частью специального вида</p> $\begin{aligned} y_u &= x^r (a \sin \omega t + b \cos \omega t) = \\ &= x^r B \sin(\omega t + \varphi) \end{aligned}$ <p>Число r равно нулю, т.к. $i\omega$ не является корнем характеристического уравнения.</p> <p><u>Ответ:</u> $y_u = B \sin(\omega t + \varphi)$</p>
	<p>Установите соответствие между ДУ и типами ДУ</p>	<p>ДУ: 1) $y' - \frac{y}{x} = x^2$ 2) $y^2 + x^2 y' = x y y'$. 3) $(x^2 + 5x)dx - x(y^2 + 3)dy = 0$</p>	<p>ДУ с разделяющимися переменными $M_1(x)N_1(y)dx + M_2(x)N_2(y)dy = 0$</p> <p>Линейное ДУ $y' + p(x)y = q(x)$</p> <p>ДУ Бернулли $y' + p(x)y = q(x)y^n$</p> <p>Однородное ДУ</p>

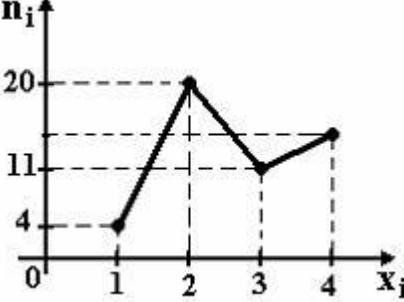
	<p>4) $xy' - y^2 \ln x + y = 0.$</p> <p>Тип ДУ:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) ДУ с разделяющимися переменными 2) Линейное ДУ 3) ДУ Бернулли 4) Однородное ДУ 	$y' = f\left(\frac{y}{x}\right)$ <p>К такому виду приводится ДУ 2</p> $y' = \frac{y^2}{xy - x^2} = \frac{(y/x)^2}{(y/x) - 1}$ <p><u>Ответ:</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 1) – 2) 2) – 4) 3) – 1) 4) – 3) 	
	<p>Математическая модель вертикальных перемещений вагонной тележки описывается ЛДУ 2-го порядка. Установить соответствие между ЛДУ и характером движения.</p>	<p>ЛДУ:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $y'' + 2ny' + \omega^2 y = h \sin pt$; 2) $y'' + \omega^2 y = 0;$ 3) $y'' + 2ny' + \omega^2 y = 0.$ <p>Характер движения:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) свободное колебание; 2) вынужденное колебание; 3) затухающее колебание. 	<p>ОЛДУ описывают свободное ($n=0$) или затухающее ($n>0$) колебания. НЛДУ описывает вынужденные колебания с вынуждающим воздействием $h \sin pt$</p> <p><u>Ответ:</u></p> <ol style="list-style-type: none"> 1) – 2) 2) – 1) 3) – 3)
	<p>Математическая модель некоторого процесса описывается ДУ $y'' - 5y' + 6y = 0$. Какие функции входят в фундаментальную систему решений ДУ?</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1) $y = e^x$; 2) $y = e^{2x}$; 3) $y = e^{5x}$; 4) $y = e^{3x}$. 	<p>Решим характеристическое уравнение $\lambda^2 - 5\lambda + 6 = 0$ Корни уравнения $\lambda_{1,2} = 2; 3$ Фунд. система решений $y_1 = e^{\lambda_1 x} = e^{2x},$ $y_2 = e^{\lambda_2 x} = e^{3x}$</p> <p><u>Ответ:</u> 2) $y = e^{2x}$; 4) $y = e^{3x}$.</p>

	<p>Установить соответствие между ЛДУ, описывающим вертикальное перемещение вагона, и его решением.</p>	<p>ЛДУ:</p> <p>1) $y'' + 5y' + 6y = 0$; 2) $y'' + 2y' + 2y = 0$; 3) $y'' + 6y' + 9y = 0$; 4) $y'' + 4y = 0$.</p> <p>Решение:</p> <p>1) $y = e^{-t}(C_1 \sin t + C_2 \cos t)$</p> <p>2) $y = e^{-3t}(C_1 + C_2 t)$;</p> <p>3) $y = C_1 e^{-2t} + C_2 e^{-3t}$;</p> <p>4) $y = C_1 \sin 2t + C_2 \cos 2t$.</p>	<p>Составляем и решаем характеристические уравнения</p> <p>1) $\lambda^2 + 5\lambda + 6 = 0 \Rightarrow$ $\Rightarrow \lambda_{1,2} = -2; -3$ Фунд. система решений $y_1 = e^{\lambda_1 t} = e^{-2t}$, $y_2 = e^{\lambda_2 t} = e^{-3t}$ Общее решение ОЛДУ $y = C_1 y_1 + C_2 y_2 =$ $= C_1 e^{-2t} + C_2 e^{-3t}$</p> <p>2) $\lambda^2 + 2\lambda + 2 = 0 \Rightarrow$ $\Rightarrow \lambda_{1,2} = -1 \pm i$ $y_1 = e^{-t} \sin t$, $y_2 = e^{-t} \cos t$</p> <p>3) $\lambda^2 + 6\lambda + 9 = 0 \Rightarrow$ $\Rightarrow \lambda = -3$ $y_1 = e^{-3t}$, $y_2 = t e^{-3t}$</p> <p>4) $\lambda^2 + 4 = 0 \Rightarrow$ $\Rightarrow \lambda = \pm 2i$ $y_1 = \sin 2t$, $y_2 = \cos 2t$</p> <p><u>Ответ:</u> 1) – 3) 2) – 1) 3) – 2) 4) – 4)</p>
--	--	---	--

	<p>Локомотив массой m замедляет движение на прямолинейном участке пути под действием силы сопротивления, пропорциональной скорости движения:</p> $R = k \cdot v(t), (k > 0).$ <p>Здесь</p> $x(t)$ — расстояние от локомотива до начала координат в момент времени t . Тогда математическая модель движения описывается ДУ:		<p>Второй закон Ньютона $ma = F$ По условию $F = -kv$ Знак минус обусловлен тем, что сила торможения направлена противоположно скорости. Остается учесть, что $v = x'$, $a = x''$ Ответ: $m \cdot x'' = -k \cdot x'$</p>
	<p>Составить математическую модель, отражающую зависимость стоимости оборудования для ремонта вагонов от времени, если известно, что скорость обесценивания оборудования вследствие его износа пропорциональна в каждый данный момент времени его фактической стоимости $A(t)$. В ответе указать зависимость стоимости оборудования от времени, учитывая, что начальная стоимость равна A_0, а коэффициент пропорциональности равен k ($k > 0$).</p>		<p>Условия задачи приводят к ДУ $A' = -kA$ Общее решение этого ДУ $A(t, C) = Ce^{-kt}$ Учтем, что $A(0) = A_0 = Ce^{-k \cdot 0} \Rightarrow$ $\Rightarrow C = A_0$ <u>Ответ:</u> $A(t) = A_0 \cdot e^{-kt};$</p>
	<p>Составить математическую модель движения локомотива массы m, полагая силу торможения пропорциональной квадрату скорости движения. $x(t)$ — расстояние от локомотива до начала координат в момент времени коэффициент пропорциональности равен k ($k > 0$)</p>		<p>Второй закон Ньютона $ma = F$ По условию $F = -kv^2$ Остается учесть, что $v = x'$, $a = x''$ <u>Ответ:</u> $m \cdot x'' = -k \cdot (x')^2$</p>
	<p>Укажите, какие приведенные ниже математические модели являются линейными.</p> <p>1) $m \cdot x'' = k \cdot (x')^2;$</p>		<p>В линейных моделях содержатся неизвестная функция и ее производные в первой степени.</p> <p><u>Ответ:</u> 2), 3)</p>

	<p>2) $m \cdot x'' = -k \cdot x'$; 3) $m \cdot x'' = mg - k \cdot x'$; 4) $m \cdot (x')^2 = k \cdot x''$</p>		
	<p>Какие утверждения являются верными?</p>	<p>1) Если ряд сходится, то его общий член стремится к нулю; 2) Если общий член ряда стремится к нулю, то ряд сходится; 3) Если общий член ряда не стремится к нулю, то ряд расходится; 4) Если ряд расходится, то его общий член не стремится к нулю.</p>	<p><u>Ответ:</u></p> <p>1) Если ряд сходится, то его общий член стремится к нулю (необходимый признак сходимости);</p> <p>3) Если общий член ряда не стремится к нулю, то ряд расходится (достаточный признак расходимости)</p>
	<p>Сумма числового ряда $1 - 0,5 + (0,5)^2 - (0,5)^3 + \dots$ равна</p>		<p>Сумма бесконечной геометрической прогрессии</p> $1 + q + q^2 + \dots = \frac{1}{1-q}.$ <p>$q = -0,5$. Тогда</p> $1 + (-0,5) +$ $+ (-0,5)^2 + \dots =$ $= \frac{1}{1 - (-0,5)} = \frac{2}{3}$ <p><u>Ответ:</u> $\frac{2}{3}$</p>
	<p>Укажите последовательно первые три ненулевые числовые коэффициента в разложении функции $f(x) = \sin 2x$ в ряд Маклорена:</p>	<p>1) $-\frac{4}{3}$; 2) $\frac{4}{15}$; 3) 2.</p>	<p>Разложение синуса</p> $\sin x = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} -$ <p>Тогда</p> $\sin 2x = 2x - \frac{8x^3}{3!} + \frac{32x^5}{5!} - =$ $= 2x - \frac{4}{3}x^3 + \frac{4}{15}x^5 -$ <p><u>Ответ:</u> 3), 1), 2)</p>

	<p>Пусть A и B – случайные события. Установите соответствие между событиями, заданными словесными описаниями и их записью через алгебру событий. Словесные описания событий:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) произошло только одно из этих событий 2) произошло хотя бы одно из этих событий 3) не произошло ни одно из этих событий 	<p>1) $A + B$ 2) $\underline{A} \cdot \underline{B} + \underline{A} \cdot B$ 3) $\underline{A} \cdot \underline{B}$</p>	<p><u>Ответ:</u> 1) – 2) 2) – 1) 3) – 3)</p>						
	<p>Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятности попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,6 и 0,3 соответственно. Тогда вероятность того, что в цель будет поражена, равна</p>		<p>A – цель будет поражена; $P(A) = 1 - P(\bar{A}) =$ $= 1 - (1 - 0,3) \cdot (1 - 0,6) =$ $= 0,72$ <u>Ответ:</u> 0,72</p>						
	<p>Пусть X – дискретная случайная величина, заданная законом распределения вероятностей:</p> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>X</td> <td>-1</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>p</td> <td>0,4</td> <td>0,6</td> </tr> </table> <p>Тогда дисперсия этой случайной величины равна</p>	X	-1	3	p	0,4	0,6		$MX = \sum_{i=1}^2 x_i \cdot p_i = \quad DX = \sum_{i=1}^2 x_i^2 \cdot p_i - (MX)^2 =$ $= -1 \cdot 0,4 + 3 \cdot 0,6 = 1,4; = 1 \cdot 0,4 + 9 \cdot 0,6 - 1,4^2 = 3,84$ <p><u>Ответ:</u> 3,84</p>
X	-1	3							
p	0,4	0,6							
	<p>Заданы плотности распределения вероятностей случайных величин. Найдите математические ожидания этих случайных величин. Расположите эти случайные величины в порядке убывания их математических ожиданий.</p> <ol style="list-style-type: none"> 1) $f(x) = \begin{cases} a, & x \in [-1, 1] \\ 0, & x \notin [-1, 1] \end{cases}$ 2) $f(x) = \begin{cases} 0, & x < 0 \\ 0,5 \cdot e^{-0,5x}, & x \geq 0 \end{cases}$ 		<p>Распределение 1 – равномерное: $MX = \frac{-1+1}{2} = 0;$</p> <p>Распределение 2 – показательное: $MX = \frac{1}{0,5} = 2;$</p> <p>Распределение 3 – нормальное: $MX = 4.$</p> <p><u>Ответ:</u> 3), 2), 1)</p>						

	<p>3) $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-4)^2}{18}}$</p>											
	<p>Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=50$, полигон частот которой имеет вид</p>  <table border="1"> <thead> <tr> <th>x_i</th> <th>n_i</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td> <td>4</td> </tr> <tr> <td>2</td> <td>20</td> </tr> <tr> <td>3</td> <td>11</td> </tr> <tr> <td>4</td> <td>14</td> </tr> </tbody> </table> <p>Тогда число вариант $x_i = 4$ в выборке равно</p>	x_i	n_i	1	4	2	20	3	11	4	14	<p>Число вариант $x_i = 4$ в выборке равно $50 - 4 - 20 - 11 = 15$</p> <p><u>Ответ:</u> 15</p>
x_i	n_i											
1	4											
2	20											
3	11											
4	14											
	<p>Если основная гипотеза имеет вид $H_0 : a = -3$, то конкурирующей может быть гипотеза</p>	<p>1) $H_1 : a \leq -4$; 2) $H_1 : a \leq -3$; 3) $H_1 : a \geq -4$; 4) $H_1 : a \geq -2$</p>	<p>По определению конкурирующая гипотеза должна противоречить основной.</p> <p><u>Ответ:</u></p> <p>1) $H_1 : a \leq -4$ 4) $H_1 : a \geq -2$</p>									

16.12.2024